	<b>4</b> 4 <b>-</b>	W/ /		₩厂申业工業向寺寺□子牧 2000年度ノノバス	
	科目	数值解析 (Numerical Analysis)			
担当教員		長野 勝利 非常勤講師			
対	象学年等	電子工学科・4年・通年・必修・2単位(:	学修单位	ZIII )	
学習·教育目標		A3(100%) JABEE基準1(1) (c),(d)1			
	授業の 要と方針	軟な算法が必要である.ここでは,コンピュを基にそれらの算法のアルゴリズムについてやその解法手順を検討する手法についても理	ータによ 修得する 解を深め		
		到 達 目 標	達成度	到達目標毎の評価方法と基準	
1	【A3 】浮動 解できる.	小数点数と演算系による誤差の伝播について理		浮動小数点数と演算系による誤差の伝播等について理解できているか前期中間試験・前期定期試験で評価する.	
2	【A3】 代数方程式の性質と解の直接解法について理解できる.			代数方程式の解の導出について理解できているか前期中間試 験・前期定期試験で評価する.	
3	【A3 】 高次方程式の各種解法やそのアルゴリズムについて 理解できる.			二分法 Newton-Raphson法 組み立て除法 反復法等による 高次方程式の解法について理解できているが前期中間試験・ 前期定期試験で評価する.	
4	【A3 】連立方程式の各種解法やそのアルゴリズムについて 理解できる.			Gauss-Jordan法,Crout法,Cholesky法,Jacobi法等による連立方程式の解法やそれらのアルゴリズムについて理解できているか前後期中間試験・前後期定期試験で評価する.	
5 【A3 】 行列 <sup>1</sup> 理解できる.		や逆行列の計算法とそのアルゴリズムについて		行列や逆行列の計算法とアルゴリズムについて理解できているか後期中間試験・後期定期試験で評価する.	
6	) 【A3】 多項式近似について理解できる.			関数近似や最小二乗法,Newtonの補間,Lagrangeの補間など の多項式近似等について,理解できているか後期中間試験・ 後期定期試験で評価する.	
7	【A3.】代表 法の計算法に	的な数値微分,数値積分,微分方程式の数値解 こついて理解できる.		補間による数値微分法,Newton-Cotes形の積分公式,また, 代表的な微分方程式の数値解法について理解できているか後 期中間試験・後期定期試験で評価する.	
8	【A3 】問題 ·	解決のための定式化の手法について理解できる		問題を分析して定式化できるか,それを解く手順について理解できているか後期中間試験・後期定期試験で評価する.	
9					
10					
総合評価		成績は,試験100%として評価する.試験成績は中間試験と定期試験の平均点とする.100点満点で60点以上を 合格とする.			
テキスト		「数値計算」:片桐重延(東京電機大学出版局)			
参考書		「数値計算」:戸川隼人(岩波書店) 「数値計算」:川上一郎(岩波書店) 「数値解析の基礎」:新濃清志・船田哲男(培風館)			
関連科目		プログラミングII			
履修上の 注意事項		授業はほぼテキストの内容にそって進めるが,公式の誘導や計算手法の前提となる理論等について適宜補足 して行う.講義の内容で指定された教科書に記載されていない事柄も定期試験などの対象とするので,授業 中はノートをしっかり取るよう心掛けること.			

授業計画1(数値解析)				
週	テーマ 数値計算における誤差と誤差の伝播	内容(目標,準備など) 誤差は、現象を数学的に表現する場面、コンピュータで処理する場面、コンピュータから出力する場面など情報 処理の各場面で起こる。近似計算では誤差の特性を良く知り、それを利用することが不可欠である。ここでは、 誤差の発生と取扱いについて理解をする。		
2	浮動小数点系における誤差	コンピュータで数を表示するときの方式とそのときの誤差の取り扱い方法について理解する.また,コンピュータにおける数の内部表現と誤差の扱いについても理解する.		
3	代数方程式の直接的解法	2次の代数方程式の解の公式は日常的に使用しており、4次までの代数方程式についてもCardanoやFerrariなどの 直接的解法によって解を求めることができる. Cardanoの方法とFerrariの方法の導出を行ない、4次までの代数 方程式の解法と公式の利用について理解する.		
4	非線形方程式の解法	5次以上の代数方程式や一般の非線形方程式には直接的解法は存在しないので近似解法を用いなければならない ここでは,代数方程式および一般の非線形方程式に利用できる方法として,2分法,Newton法について理解す		
5	多項式と組立除法	る。 非線形方程式の解法であるNewton法の反復公式を用いる場合,高次の関数値や高次の関数の微分値を計算しなければならない。これを防ぐ方法として組み立て除法を用いる方法がある。この方法はExcelの使用に馴染む手法でもある。これらについて理解する。		
6	反復法による方程式の解法	方程式 $f(x)=0$ を変形して $x=g(x)$ の形に直し,この関数を $Xn+1=g(Xn)$ の再起式として $Xn$ を求める手法を反復法という.ここでは,この基本的な特性について調べ,発展的なことがらについても学習する.		
7	演習	これまでの授業内容のまとめと演習を行なう.		
8	中間試験	中間試験を実施する.(演習レポートを中間試験に代える場合もある)		
9:	行列の計算法	行列の計算は、社会の情報化とコンピュータの進歩に伴い、多量な情報を系統的に扱うようになって急速に利用価値が増大した.ここでは、行列の性質および計算法、応用について復習する.		
10	連立方程式の解法(1)	連立1次方程式の解は理論的にCramerの公式により求められるが,これには多くの積和計算を要しあまり実用的ではない.ここでは,連立1次方程式の解法として代表的なGauss-Jordan法のアルゴリズムについて理解する.		
11	LU分解	LU分解とは,対角要素より上のすべての要素の値を零とする行列を下三角行列(L)とし,対角要素より下のすべての要素の値を零とする行列を上三角行列(U)として,行列をこの二つの三角行列の積LUに分解することである.ここではLU分解の計算法について理解する.		
12	LU分解と連立方程式	連立1次方程式の解を係数行列を二つの三角行列の積にLU分解して求める方法について学習する.ここでは,求める三角行列の最終的な値が簡単に求められるCrout法と係数行列が正値対称行列の場合に用いられるCholesky法について理解する.		
13:	逆行列の算法	行列の逆行列を行列の余因子を用いて求める解析的な方法について復習する.ただし,この方法は元の行列の小行列を総て計算することから計算回数が激増し実用的ではない.ここでは,単位行列と連立方程式の解法のGauss-Jordan法を用いる方法のアルゴリズムについて理解する.		
14	連立方程式の解法(2)	与えられた連立方程式に対して適当な初期ベクトルを与えて真の解に収束させる方法で連立方程式を解く反復法について学習する.ここでは、Jacobi法とその改良形のGauss-Seidel法について理解する.また、制約条件のある不定方程式の解法など連立方程式の応用についても学習する.		
15:	演習	前期期間に行なった授業内容のまとめと演習を行なう.		
16	問題解決のための定式化(1)	問題解決のための定式化の手法について理解する.		
17:	問題解決のための定式化(2)	具体的な問題について,問題を分析して定式化し問題を解き,問題解決のために利用した手法,結果等について 考察する.		
18	演習	後期これまでの授業内容のまとめと演習を行なう.		
19	多項式の計算	三角関数などの関数をxの多項式に展開して,その多項式を用いてxのある値について関数の近似値を求める.その際,計算過程を簡単にし,誤差をなるべく少なくすることについて学習する.		
20	Newtonの補間多項式	補間法は数値計算法の基礎となるもので、与えられた数個の点とその関数値から、求めようとする点の関数値を計算するものである.あるいは、離散的な数値列から近似関数を求めることでもある.ここでは、多項式近似として良く知られているNewtonの補間多項式の導出について理解する.		
21	差分と補間多項式	多項式近似に良く使用されるNewtonの補間多項式の係数は、結局、計算の簡単な差分表から求められることを理解する。		
22	演習	後期中間までの期間に行なった授業内容のまとめと演習を行なう。		
23	中間試験	中間試験を実施する.(演習レポートを中間試験に代える場合もある)		
24	Lagrangeの補間多項式	互いに異なる n+1個の点とこれに対応する関数値が与えられているとき,与えられた n+1個の点を通るn次多項式はただ一つである.このLagrangeの補間多項式は差分商の考え方を用いて導かれたもので,本質的にはNewtonの補間多項式と同じといえる.Lagrangeの補間多項式について理解する.		
25	数值微分	数値微分は、関数値が離散的にしか与えられていないときや微分が複雑で難しい場合などに用いられる、数値微分の方法には、差分演算子より微分公式を求める古典的な方法があるが、ここでは補間公式を微分する方法や微分値を差分商列の補間により求める方法について学習する.		
26	数值積分	定積分は数値でコンピュータによる数多くの計算法が考案されている.数値積分は微分方程式の数値解を求めるのみならず,解析的に積分不可能な積分や離散的なデータを基にした積分を行うときに用いる.ここでは,Newtonの前進公式を積分することによりNewton-Cotes形の積分公式を求める.		
27	モデル化と微分方程式	情報化が進む現代では,ものの変化を微分方程式で表してそれを数値的に解くことが必要な場合が多い.ここでは,現実の問題から微分方程式を作り,それを解く方法について考察する.		
28	微分方程式の初期値問題	微分方程式には解析的に解けないものが多く、解析的に解ける場合でも解が級数、特殊関数の形になっていて具体的な値を知ることが困難なことがある.近似の誤差をできるだけ抑えることに考慮して直接数値的に解く方法がある.ここでは、微分方程式の数値解法の代表的なものについて学習する.		
29	Runge-Kutta法	微分方程式の代表的な数値解法であるRunge-Kutta法は高い精度をもつように,また,n個の関数の値を計算することによって微分値の計算を行わなくてよいように工夫された手法である.ここでは,Runge-Kutta法の導出を行い,その応用について理解する.また,微分方程式の応用についても考察する.		
30:	演習	後期期末までの期間に行なった授業内容のまとめと演習を行なう.		
備考	前期,後期ともに中間試験および気	E期試験を実施する.演習レポートを中間試験に代える場合もある.		